

Programmeerimiskeel APL

Raivo Laanemets

17. mai 2009. a.

Sissejuhatus

- ▶ APL - **A Programming Language**
- ▶ Kenneth E. Iverson (1920-2004)
 - ▶ Elukutselt matemaatik
 - ▶ Uuris matemaatilist notatsiooni
 - ▶ 1960 - läks tööle IBM-i
 - ▶ IBM-s kohtus Adin Falkoffiga, kes huvitus tema notatsiooni kasutamisest algoritmide kirjeldamisel
- ▶ 1964 - IBM/360 arhitektuuri kirjeldamiseks
- ▶ 1965 - APL keele esimene realisatsioon
- ▶ 1989 - APL standard (süntaks ja semantika) - ISO8485
- ▶ 1992 - A+ (<http://www.aplusdev.org>) APL realisatsioon UNIX-tüüpi süsteemidele (tööjaamadele)

Sissejuhatus

- ▶ APL realisatsioonid on interpretaatori kujul
- ▶ Programmeerija ning kasutaja töötavad programmiga interaktiivselt
 - ▶ Interpretaatorile antakse APL avaldis, mille tulemusena väärtustatakse muutuja või/ja väljastatakse midagi ekraanile
- ▶ APL avaldised kasutavad notatsiooni, mis sisaldab rohkelt mitte-ascii tähemärke
 - ▶ \uparrow , \in , \circ , \times , \downarrow , \leftarrow , \otimes jpt.
 - ▶ Programmiga töötamiseks vaja eriklaviatuuri
- ▶ Unikaalne keel - ei ole võrreldav teiste vähegi levinud keeltega

Näide:

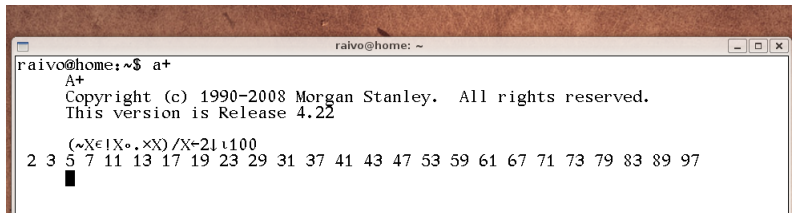
$$(\sim X \in !X \circ . \times X) / X \leftarrow 2 \downarrow \uparrow N$$

How to Shoot Yourself In the Foot:

"You shoot yourself in the foot; then spend all day figuring out how to do it in fewer characters."

Sissejuhatus

Näide:



```
raivo@home: ~  
raivo@home:~$ a+  
A+  
Copyright (c) 1990-2008 Morgan Stanley. All rights reserved.  
This version is Release 4.22  
  
(~X€!X°.XX)/X←2↓ 1100  
2 3 5 7 11 13 17 19 23 29 31 37 41 43 47 53 59 61 67 71 73 79 83 89 97  
█
```

APL konstruktsioonid

- ▶ Süntaks baseerub Iversoni matemaatilisel notatsioonil
 - ▶ “A Programming Language”, Kenneth E. Iverson, 1962
 - ▶ “Notation as a Tool of Thought”, Kenneth E. Iverson, 1980
- ▶ Primitiivsed lekseemid sarnased teistele keeltele (tähemärgid, stringid, arvud)
- ▶ APL süntaks formaliseeritav BNF formalismis (vähemalt osaliselt)
 - ▶ “The Syntax of APL, an Old Approach Revisited”, Jean J. Girardot, Florence Rollin

APL konstruktsioonid

- ▶ Andmeühikuks on massiivid
- ▶ Andmetele rakendatakse funktsioone
- ▶ Funktsioonidele rakendatakse operaatoreid
- ▶ Tavalised aritmeetilised operaatorid on APL kontekstis funktsioonid!
- ▶ Avaldise loetakse vasakult paremale: $3 \times 4 + 5$ väärtus on 27
- ▶ Muutujad käituvad sarnaselt imperatiivsete keelte muutujatele
 - ▶ Väärtuse omistamise: $x \leftarrow 3 \times 4 + 5$
 - ▶ Ei vaja deklareerimist
 - ▶ Omistamise väärtus on omistatava avaldise väärtus

Massiivid

- ▶ Kõik APL väärtused on massiivid (sh. numbrid, tähemärgid, funktsioonid)
- ▶ Massiivid võivad olla mitmemõõtmelised
- ▶ Mitmemõõtmelist massiivi iseloomustab tema kuju (*shape*)
 - ▶ Kuju esitab massiivi mõõtmete vektor (2×3 tabeli korral $2 \ 3$)
- ▶ Ühemõõtmelised massiivid esitavad vektoreid, liste ja stringe
- ▶ Massiivi elementideks võivad olla teised massiivid (*nested array*)
- ▶ Sama massiiv võib sisaldada erinevat tüüpi andmeid (täisarvud, ujupunktarvud, tähemärgid)
- ▶ Massiivi elemente/alamosi saab kasutada indeksavaldiste abil

Massiivide esitamine:

- ▶ 3-elementiline ühemõõtmeline massiiv: `10 2.3 34`
- ▶ 5-elementiline sõnede massiiv:
``sym1` `sym2` `sym3` `sym4` `sym5``
- ▶ 6-elementiline tähemärkide massiiv (string): `'axrTVw'`
- ▶ Nestitud 6-elementiline massiiv: `(`sym1` ; + ; 1 2 3 4 ; 1.7 3.14 ; 'example' ;)`
- ▶ Kahemõõtmeline massiiv: $2 \times 3 \rho$ `'axrTVw'` - moodustatud kaheargumendilise funktsiooni ρ (rho) abil (vektor 2×3 määrab tulemuse kuju)

Massiivid

Massiivi genereerimine (intervallfunktsioon) ι (iota):

- ▶ Vektor numbritest $0, 1, \dots, 9$: $\iota 10$
- ▶ Kolmemõõtmeline massiiv: $\iota 2\ 3\ 5$

0	1	2	3	4	
5	6	7	8	9	rida
10	11	12	13	14	
					element
15	16	17	18	19	
20	21	22	23	24	tasand
25	26	27	28	29	

- ▶ 2 tasandit
- ▶ igal tasandil 3 rida
- ▶ igal real 5 elementi

Massiivid

Massiivi elementide indekseerimine:

- ▶ Ühe elemendi selekteerimine: 'axrTVw'[4]
- ▶ Mitme elemendi selekteerimine: 'axrTVw'[5 0 1]
- ▶ Mitmemõõtmelisest massiivist selekteerimine:
(1 2 3 5)[0;1;3]
- ▶ Veeru selekteerimine: (1 2 3 5)[0;;4] - väljastab 4 9 14

0	1	2	3	4
5	6	7	8	9
10	11	12	13	14
15	16	17	18	19
20	21	22	23	24
25	26	27	28	29

Funktsioonid

- ▶ APL funktsioonid tavaliselt ühe või kahe argumendiga
- ▶ Ühe argumendiga f.-ni rakendamine: argument funktsionaalsümbolist vahetult paremal:

$$f x$$

- ▶ f - funktsioonisümbol, x - argument
- ▶ Kahe argumendiga f.-ni rakendamine: üks argument vasakul, teine paremal (infiks-kuju):

$$y f x$$

- ▶ f - funktsioonisümbol, x - esimene argument, y - teine argument

Funktsioonid

Kuna avaldise loetakse paremalt vasakule, siis:

- ▶ $f_1 f_2 x \equiv f_1 (f_2 x) - f_1$ ja f_2 üheargumendilised
- ▶ $f_1 y f_2 x \equiv f_1 (y f_2 x) - f_1$ üheargumendiline, f_2 - kaheargumendiline
- ▶ $y f_1 f_2 x \equiv y f_1 (f_2 x) - f_1$ kaheargumendiline, f_2 - üheargumendiline
- ▶ $y f_1 x f_2 z \equiv y f_1 (x f_2 z) - f_1$ ja f_2 kaheargumendilised

Annab lihtsa viisi avaldiste parsimiseks ja interpreteerimiseks, töödeldes avaldist vasakult paremale

Funktsioonid

Näiteid ühe argumendiga aritmeetilistest funktsioonidest:

	absoluutväärtus	−	vastand arv
⌈	ülemine täisosa	~	eitus
⌊	alumine täisosa	○	korrutamine π -ga
*	eksponent	÷	pöördarv
+	samasusfunktsioon	?	juhuarvu genereerimine
⊗	naturaallogaritm	×	signum

Näited:

- ▶ π^2 alumise täisosa arvutamine: $\lfloor \pi^2 \rfloor$

Funktsioonid

Näiteid kahe argumendiga aritmeetilistest funktsioonidest:

+	liitmine	L	miinimum
\wedge	konjuktsioon	\times	korrutamine
\circ	trigonomeetriline f.	\vee	disjunktsioon
\div	jagamine	*	astendamine
$=, \geq, \leq, >, <, \neq$	võrdlemine		jääk
\otimes	logaritm	-	lahutamine
\lceil	maksimum		

Trigonomeetrilise funktsiooni vasakpoolseks argumendiks on soovitud konkreetne trigonomeetrilise funktsiooni nimi või sellele vastav number. Näiteks 2001 arvutab $\cos \pi$ väärtuse.

Funktsioonid

Funktsioone saab rakendada ka massiividele:

- ▶ Kahe vektori elemendikaupa liitmine: $1 \ 2+3 \ 4$
- ▶ Vektori elementide absoluutväärtuste vektor: $|3 \ -4$
- ▶ Vektori elementide läbikorrutamine 2-ga: $2 \times 3 \ 4$

Väljund interpretaatorist:

```
1 2+3 4
4 6
|3 -4
3 4
2×3 4
6 8
```


Funktsioonid

Näiteid mitteamitmeelistest funktsioonidest:

- ▶ Vektorite konkateneerimine: $(1\ 3), 3\ 4$
- ▶ Elementide valik: $1\ 1\ \#3\ 4\ 5$
- ▶ Juhusliku 3-elementilise vektori genereerimine: $3?10$
- ▶ 2 esimese elemendi eemaldamine vektorist: $2\downarrow\ 1\ 10$

Väljund interpretaatorist:

```
(13),3 4
0 1 2 3 4
1 1 #3 4 5
4 4
3?10
3 8 0
2↓ 110
2 3 4 5 6 7 8 9
```

Operaatorid

- ▶ Operaatoreid kasutatakse funktsioonide käitumise laiendamiseks
 - ▶ Näiteks summafunktsiooni abil kõigi masiivi elementide summa leidmiseks
- ▶ Operaatorid jagunevad
 - ▶ Ühe funktsiooni-argumendiga (*monadic*)
 - ▶ Kahe funktsiooni-argumendiga (*dyadic*)

Näiteid:

- ▶ Elementide summa leidmine (*reduce*-operaator $/$): $+ / \uparrow 100$

Operaatorid

Massiivide otsekorrutis (*outer product* \circ \cdot f):

- ▶ f - kahekohaline funktsioon

Näide: 10×10 korrutustabel

$\forall x, y \in \{0, \dots, 9\}$

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
0	1	2	3	4	5	6	7	8	9
0	2	4	6	8	10	12	14	16	18
0	3	6	9	12	15	18	21	24	27
0	4	8	12	16	20	24	28	32	36
0	5	10	15	20	25	30	35	40	45
0	6	12	18	24	30	36	42	48	54
0	7	14	21	28	35	42	49	56	63
0	8	16	24	32	40	48	56	64	72
0	9	18	27	36	45	54	63	72	81

Tagasivaade

Slaidide alguses oli näide $(\sim X \in ! X \circ . \times X) / X \leftarrow 2 \downarrow \wr N$

- ▶ Leiab kõik algarvud väiksemad kui N

Kuidas?

1. $\wr N$ genereerib vektori arvudest $0, \dots, N-1$

Struktuurne programmeerimine

- ▶ Esialgne APL struktuurprogrammeerimise vahendeid ei omanud
- ▶ Hilisemad realisatsioonid on need juurde lisanud
 - ▶ if-then konstruktsioon
 - ▶ Tsükliid
 - ▶ Funktsioonide defineerimine
- ▶ Siin mõned näited A+ baasil

Struktuurne programmeerimine

Faktoriaali arvutamise rekursiivse funktsiooniga:

```
fact{n}: if (n>0) n×fact{n-1} else 1
fact{5}
120
```

Faktoriaali arvutamine while-tsükliga:

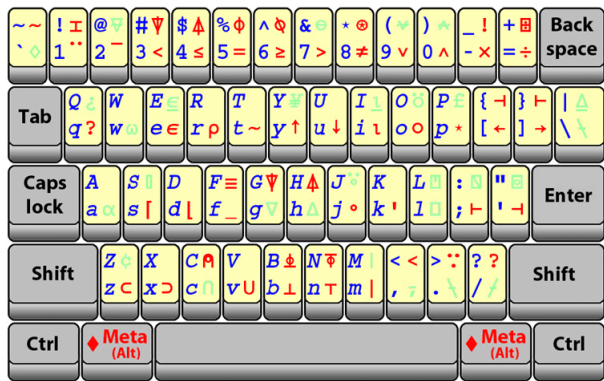
```
f←1
n←5
while (n>0) { f←f×n; n←n-1 }
0
f
120
```

A+ kasutamine

- ▶ Tarvis on aplus keskkonda ja sobivaid fonte
- ▶ Ubuntu
 - ▶ `apt-get install aplus-fsf-dev`
 - ▶ `apt-get install xfonts-kapl`
 - ▶ `xset fp rehash`
 - ▶ `xset fc cache`
- ▶ Terminali käivitamine: `xterm -fn *-kapl-*iso8859-1 -en 'ISO 8859-1'`
- ▶ A+ interpretaatori käivitamine: `a+`

A+ klaviatuur

- ▶ APL Union Keyboard
- ▶ Standardne APL paigutus



Jon McGraw

Layout of the A+ Keyboard

● = unused

APL:

- ▶ Andmemassiividel (array) programmeerimisele orienteeritud
- ▶ Üks vanemaid programmeerimiskeeli
- ▶ Realisatsioonid interpretaatori kujul
- ▶ Kasutab matemaatilist notatsiooni ja palju erimärke
- ▶ Arendusprotsess interaktiivses keskkonnas
- ▶ Suuremad APL programmid on loetamatud (*write-once-read-never*)
- ▶ Sobiv kasutamiseks statistika- ja finantsrakendustes